

Devoir surveillé n°1 – correction

Pour les deux exercices suivants, on pourra utiliser les éléments ci-dessous.

$$\begin{array}{llll} 4^3 = 64 & 4^2 = 16 & 4^1 = 4 & 4^0 = 1 \\ 6^2 = 36 & 6^1 = 6 & 6^0 = 1 & \\ 16^1 = 16 & 16^0 = 1 & & \end{array}$$

Décimal	128	64	32	16	8	4	2	1
182	1	0	1	1	0	1	1	0
205	1	1	0	0	1	1	0	1

**EXERCICE 1 :** (2pt) Convertir en base 10 les nombres ci-dessous :

1)  $10110110_2 = 182_{10}$       2)  $2231_4 = 173_{10}$       3)  $513_6 = 189_{10}$       4)  $5D_{16} = 93_{10}$

**Solution :**

- 1) Voir le tableau.
- 2)  $2 \times 64 + 2 \times 16 + 3 \times 4 + 1 \times 1 = 173$
- 3)  $5 \times 36 + 1 \times 6 + 3 \times 1 = 189$
- 4)  $5 \times 16 + 13 = 93$

**EXERCICE 2 :** (2pt) Convertir dans la base demandée les nombres suivants :

1)  $205_{10}$  en binaire      2)  $109_{10}$  en base 4      3)  $134_{10}$  en base 6      4)  $184_{10}$  en base 16

**Solution :**

1)  $205_{10} = 11001101_2$  d'après le tableau.

2)  $109 : 4 = 27$  reste 1  
 $27 : 4 = 6$  reste 3  
 $6 : 4 = 1$  reste 2  
 $1 : 4 = 0$  reste 1  
 1 2 3 1

3)  $134 : 6 = 22$  reste 2  
 $22 : 6 = 3$  reste 4  
 $3 : 6 = 0$  reste 3  
 3 4 2

4)  $184 : 16 = 11$  reste 8  
 $11 : 16 = 0$  reste 11  
 B 8

**EXERCICE 3 :** (1,5pt) Chacune des questions suivantes est indépendante. Les réponses doivent être justifiées brièvement.

- 1) Quel est le plus grand entier, donné en base 10, qui peut être représenté en binaire avec 4 bits?

**Solution :** Le plus grand nombre pouvant être écrit avec 4 bits est  $1111_2 = 15_{10}$ .

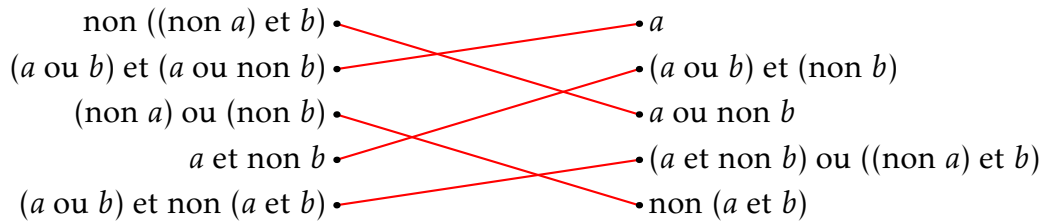
- 2) Donner le plus petit et le plus grand nombre, exprimés en base 10, qui s'écrivent en binaire avec 10 chiffres, donc le premier (celui de gauche) est un 1? Indication, on pourra réfléchir aux colonnes nécessaires dans le tableau de conversion.

**Solution :** En haut de la 10<sup>e</sup> colonne du tableau de conversion, il y aura 512. Dans la 11<sup>e</sup> colonne, il y aura 1024. Avec 9 chiffres, on peut aller de 512 à 1023.

- 3) Combien de lignes faut-il dans la table de vérité d'une expression booléenne avec 3 booléens, comme " $a$  ou  $b$  ou  $c$ ", pour décrire toutes les valeurs possibles de chaque variable? On ne demande pas d'écrire ces lignes.

**Solution :** Il y a 8 combinaisons possibles, donc 8 lignes.

**EXERCICE 4 :** (2pt) Relier chacune des expressions booléennes de gauche avec celle de droite qui est équivalente.



**EXERCICE 5 :** (2pt) On souhaite réaliser des fonctions Python `et`, `ou`, `non` et `xor` (dont on rappelle la table de vérité ci-contre) qui correspondent aux opérations booléennes de même nom. On a déjà écrit le code de ces fonctions mais le nom de chacune a été effacé. Rajouter `et(a, b)`, `ou(a, b)`, `non(a)` et `xor(a, b)` au début de la fonction correspondante. Attention, une cinquième fonction est venue se glisser parmi les autres. Vous n'avez pas à déterminer ce qu'elle fait.

<i>a</i>	<i>b</i>	<i>a xor b</i>
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

```
def non(a):
    if a:
        return False
    else:
        return True
```

```
def et(a, b):
    if a:
        return b
    else:
        return False
```

```
def ou(a, b):
    if a:
        return True
    else:
        return b
```

```
def equivalent(a, b):
    if a:
        return b
    else:
        if b:
            return False
        else:
            return True
```

```
def xor(a, b):
    if a:
        if b:
            return False
        else:
            return True
    else:
        return b
```

**EXERCICE 6 :** (2pt) On considère les 8 instructions Python ci-dessous :

```
for s in texte:
```

```
c = 0
```

```
return c
```

```
return True
```

```
if s == symbole:
```

```
c = c + 1
```

```
return -1
```

```
return False
```

À l'aide de certaines de ces instructions, et aucune autre, compléter le code des fonctions `compter` et `appartient` telles que :

- `compter(symbole, texte)` renvoie le nombre de fois où `symbole` apparaît dans `texte`.
- `appartient(symbole, texte)` renvoie `True` si `symbole` apparaît dans `texte` et `False` si non.

```
def compter(symbole, texte):
    c = 0
    for s in texte:
        if s == symbole:
            c = c + 1
    return c
```

```
def appartient(symbole, texte):
    for s in texte:
        if s == symbole:
            return True
    return False
```

**EXERCICE 7 :** (3pt) On considère la fonction ci-dessous.

```
def mystere1(n):
    res = 0
    for i in range(n):
        if i%2 == 0:
            res = res + i
        else:
            res = res - i
    return res
```

i	i%2	i%2==0	res
			0
0	0	True	0
1	1	False	-1
2	0	True	1
3	1	False	-2
4	0	True	2
5	1	False	-3

- 1) On considère l'appel `mystere1(6)`. Remplir le tableau ci-contre. La première ligne correspond à l'état de la mémoire après l'exécution de la ligne 2. Les lignes suivantes correspondent à l'état de la mémoire après la ligne 7.
- 2) Encadrer le résultat renvoyé pour cet appel.
- 3) Quelle est la valeur renvoyée par `mystere1(20)`? **-10**

**EXERCICE 8 :** (3pt) On considère la fonction ci-dessous.

```
def mystere2(n):
    u = 1
    while u < n:
        u = 2*u + 1
    return u
```

u	u < n
1	True
3	True
7	True
15	True
31	True
63	False

- 1) Compléter le tableau ci-contre pour l'exécution de `mystere2(50)` et entourer la valeur renvoyée à la fin.
- 2) Quelle est la valeur renvoyée par `mystere2(1000)`? On pourra comparer les valeurs successives de `u` avec des puissances de 2.

**Solution :** On remarque que `u` est toujours égale à une puissance de 2, moins 1. La plus petite puissance de 2 supérieure à 1000 est 1024. Le résultat est donc **1023**.

**EXERCICE 9 :** (1pt) Pour chacune des questions suivantes, entourer la bonne réponse.

- 1) Déterminer quelle version de la fonction `miroir` permet de renvoyer un texte correspondant au texte passé en paramètre écrit à l'envers.

Par exemple `miroir("NSI")` doit renvoyer `"ISN"`.

a) 

```
def miroir(texte):
    res = ""
    for s in texte:
        res = s + res
    return res
```

b) 

```
def miroir(texte):
    res = ""
    for s in texte:
        res = res + s
    return res
```

c) 

```
def miroir(texte):
    res = ""
    for s in texte:
        res = s
    return res
```

d) 

```
def miroir(texte):
    res = ""
    for s in texte:
        res = res
    return res
```

- 2) On considère la fonction `decompte` définie ci-contre.  
Que va afficher `decompte(3)` ?  
On rappelle que `range(k)` va renvoyer successive-  
ment tous les entiers entre 0 et  $k - 1$  inclus.

```
def decompte(n):  
    for i in range(n):  
        print(n-i)  
    print("Partez !")
```

- |          |          |          |
|----------|----------|----------|
| a) 0     | b) 1     | c) 2     |
| 1        | 2        | 1        |
| 2        | 3        | 0        |
| Partez ! | Partez ! | Partez ! |

- d) 3  
2  
1  
Partez !

**EXERCICE 10 :** (3pt) Lorsqu'on essaie de parler la bouche grande ouverte chez le dentiste, il ne reste que les voyelles.

Nous allons écrire une fonction `dentiste` qui prend une chaîne de caractères `texte` et qui renvoie un texte ne contenant que les voyelles de `texte`, dans le même ordre que dans `texte`. Les voyelles sont a, e, i, o, u et y. Les ponctuations et espaces sont également supprimés.

```
>>> dentiste("j'ai vraiment mal")  
'aiaiea'  
>>> dentiste("c'est bientôt fini ?")  
'eieoii'
```

- 1) Donner le résultat des instructions suivantes :

```
>>> dentiste("il fait froid")  
"iaioi"  
>>> dentiste("")  
""
```

- 2) Pour écrire le code de la fonction `dentiste`, on pourra s'inspirer de la fonction `recopier` qui prend une chaîne de caractère `texte` et qui renvoie une copie de ce texte. On part du texte vide et on parcourt tous les symboles de `texte` en les rajoutant à droite de `resultat`.

```
def recopier(texte):  
    resultat = ""  
    for symbole in texte:  
        resultat = resultat + symbole  
    return resultat
```

On suppose qu'on dispose d'une fonction `voy` qui prend un symbole `symbole` et qui renvoie un booléen indiquant si `symbole` est une voyelle ou non.

```
>>> voy("a")  
True  
>>> voy("m")  
False
```

Il n'est pas demandé d'écrire le code de `voy`.

Compléter le code de la fonction `dentiste` ci-dessous, en utilisant `voy` :

```
def dentiste(texte):  
    resultat = ""  
    for symbole in texte:  
        if voy(symbole):  
            resultat = resultat + symbole  
    return resultat
```

Devoir surveillé n°1 – correction

Pour les deux exercices suivants, on pourra utiliser les éléments ci-dessous.

$$\begin{array}{llll} 4^3 = 64 & 4^2 = 16 & 4^1 = 4 & 4^0 = 1 \\ 6^2 = 36 & 6^1 = 6 & 6^0 = 1 & \\ 16^1 = 16 & 16^0 = 1 & & \end{array}$$

Décimal	128	64	32	16	8	4	2	1
214	1	1	0	1	0	1	1	0
203	1	1	0	0	1	0	1	1

**EXERCICE 1 :** (2pt) Convertir en base 10 les nombres ci-dessous :

1)  $11010110_2 = 214_{10}$       2)  $2213_4 = 167_{10}$       3)  $531_6 = 199_{10}$       4)  $5C_{16} = 92_{10}$

**Solution :**

- 1) Voir le tableau.
- 2)  $2 \times 64 + 2 \times 16 + 1 \times 4 + 3 \times 1 = 167$
- 3)  $5 \times 36 + 3 \times 6 + 1 \times 1 = 199$
- 4)  $5 \times 16 + 12 = 92$

**EXERCICE 2 :** (2pt) Convertir dans la base demandée les nombres suivants :

1)  $203_{10}$  en binaire      2)  $121_{10}$  en base 4      3)  $124_{10}$  en base 6      4)  $194_{10}$  en base 16

**Solution :**

1)  $203_{10} = 11001011_2$  d'après le tableau.

2)  $121 : 4 = 30$  reste 1  
 $30 : 4 = 7$  reste 2  
 $7 : 4 = 1$  reste 3  
 $1 : 4 = 0$  reste 1  
 1 3 2 1

3)  $124 : 6 = 20$  reste 4  
 $20 : 6 = 3$  reste 2  
 $3 : 6 = 0$  reste 3  
 3 2 4

4)  $194 : 16 = 12$  reste 2  
 $12 : 16 = 0$  reste 12  
 C 2

**EXERCICE 3 :** (1,5pt) Chacune des questions suivantes est indépendante. Les réponses doivent être justifiées brièvement.

1) Quel est le plus grand entier, donné en base 10, qui peut être représenté en binaire avec 4 bits?

**Solution :** Le plus grand nombre pouvant être écrit avec 4 bits est  $1111_2 = 15_{10}$ .

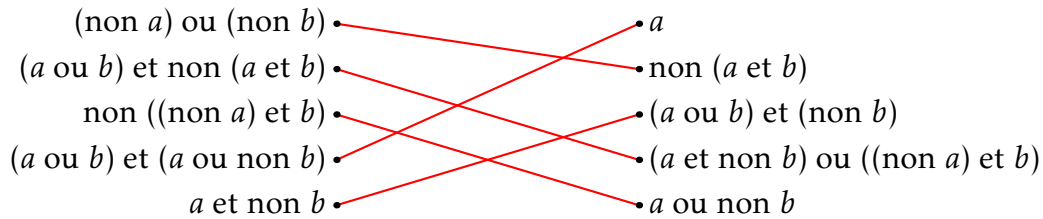
2) Donner le plus petit et le plus grand nombre, exprimés en base 10, qui s'écrivent en binaire avec 10 chiffres, donc le premier (celui de gauche) est un 1? Indication, on pourra réfléchir aux colonnes nécessaires dans le tableau de conversion.

**Solution :** En haut de la 10<sup>e</sup> colonne du tableau de conversion, il y aura 512. Dans la 11<sup>e</sup> colonne, il y aura 1024. Avec 9 chiffres, on peut aller de 512 à 1023.

3) Combien de lignes faut-il dans la table de vérité d'une expression booléenne avec 3 booléens, comme " $a$  ou  $b$  ou  $c$ ", pour décrire toutes les valeurs possibles de chaque variable? On ne demande pas d'écrire ces lignes.

**Solution :** Il y a 8 combinaisons possibles, donc 8 lignes.

**EXERCICE 4 :** (2pt) Relier chacune des expressions booléennes de gauche avec celle de droite qui est équivalente.



**EXERCICE 5 :** (2pt) On souhaite réaliser des fonctions Python **et**, **ou**, **non** et **xor** (dont on rappelle la table de vérité ci-contre) qui correspondent aux opérations booléennes de même nom. On a déjà écrit le code de ces fonctions mais le nom de chacune a été effacé. Rajouter **et(a, b)**, **ou(a, b)**, **non(a)** et **xor(a, b)** au début de la fonction correspondante. Attention, une cinquième fonction est venue se glisser parmi les autres. Vous n'avez pas à déterminer ce qu'elle fait.

$a$	$b$	$a \text{ xor } b$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

```
def non(a):
    if a:
        return False
    else:
        return True
```

```
def ou(a, b):
    if a:
        return True
    else:
        return b
```

```
def et(a, b):
    if a:
        return b
    else:
        return False
```

```
def equivalent(a, b):
    if a:
        return b
    else:
        if b:
            return False
        else:
            return True
```

```
def xor(a, b):
    if a:
        if b:
            return False
        else:
            return True
    else:
        return b
```

**EXERCICE 6 :** (2pt) On considère les 8 instructions Python ci-dessous :

```
for s in texte:
```

```
c = 0
```

```
return c
```

```
return True
```

```
if s == symbole:
```

```
c = c + 1
```

```
return -1
```

```
return False
```

À l'aide de certaines de ces instructions, et aucune autre, compléter le code des fonctions **compter** et **appartient** telles que :

- **compter(symbole, texte)** renvoie le nombre de fois où **symbole** apparaît dans **texte**.
- **appartient(symbole, texte)** renvoie **True** si **symbole** apparaît dans **texte** et **False** si non.

```
def appartient(symbole, texte):
    for s in texte:
        if s == symbole:
            return True
    return False
```

```
def compter(symbole, texte):
    c = 0
    for s in texte:
        if s == symbole:
            c = c + 1
    return c
```

**EXERCICE 7 :** (3pt) On considère la fonction ci-dessous.

```
def mystere1(n):
    res = 0
    for i in range(n):
        if i%2 == 0:
            res = res - i
        else:
            res = res + i
    return res
```

i	i%2	i%2==0	res
			0
0	0	True	0
1	1	False	1
2	0	True	-1
3	1	False	2
4	0	True	-2
5	1	False	3

- 1) On considère l'appel `mystere1(6)`. Remplir le tableau ci-contre. La première ligne correspond à l'état de la mémoire après l'exécution de la ligne 2. Les lignes suivantes correspondent à l'état de la mémoire après la ligne 7.
- 2) Encadrer le résultat renvoyé pour cet appel.
- 3) Quelle est la valeur renvoyée par `mystere1(20)`? **10**

**EXERCICE 8 :** (3pt) On considère la fonction ci-dessous.

```
def mystere2(n):
    u = 1
    while u < n:
        u = 2*u + 1
    return u
```

u	u < n
1	True
3	True
7	True
15	True
31	True
63	False

- 1) Compléter le tableau ci-contre pour l'exécution de `mystere2(50)` et entourer la valeur renvoyée à la fin.
- 2) Quelle est la valeur renvoyée par `mystere2(1000)`? On pourra comparer les valeurs successives de `u` avec des puissances de 2.

**Solution :** On remarque que `u` est toujours égale à une puissance de 2, moins 1. La plus petite puissance de 2 supérieure à 1000 est 1024. Le résultat est donc **1023**.

**EXERCICE 9 :** (1pt) Pour chacune des questions suivantes, entourer la bonne réponse.

- 1) Déterminer quelle version de la fonction `miroir` permet de renvoyer un texte correspondant au texte passé en paramètre écrit à l'envers.

Par exemple `miroir("NSI")` doit renvoyer `"ISN"`.

a) 

```
def miroir(texte):
    res = ""
    for s in texte:
        res = res + s
    return res
```

b) 

```
def miroir(texte):
    res = ""
    for s in texte:
        res = s + res
    return res
```

c) 

```
def miroir(texte):
    res = ""
    for s in texte:
        res = res
    return res
```

d) 

```
def miroir(texte):
    res = ""
    for s in texte:
        res = s
    return res
```

- 2) On considère la fonction `decompte` définie ci-contre.  
Que va afficher `decompte(3)` ?  
On rappelle que `range(k)` va renvoyer successivement tous les entiers entre 0 et  $k - 1$  inclus.

```
def decompte(n):  
    for i in range(n):  
        print(n-i)  
    print("Partez !")
```

- |                            |                            |                            |                            |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| a) 3<br>2<br>1<br>Partez ! | b) 2<br>1<br>0<br>Partez ! | c) 1<br>2<br>3<br>Partez ! | d) 0<br>1<br>2<br>Partez ! |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|

**EXERCICE 10 :** (3pt) Lorsqu'on essaie de parler la bouche grande ouverte chez le dentiste, il ne reste que les voyelles.

Nous allons écrire une fonction `dentiste` qui prend une chaîne de caractères `texte` et qui renvoie un texte ne contenant que les voyelles de `texte`, dans le même ordre que dans `texte`. Les voyelles sont a, e, i, o, u et y. Les ponctuations et espaces sont également supprimés.

```
>>> dentiste("j'ai vraiment mal")  
'aiaiea'  
>>> dentiste("c'est bientôt fini ?")  
'eieoii'
```

- 1) Donner le résultat des instructions suivantes :

```
>>> dentiste("il fait chaud")  
"iaiaiu"  
>>> dentiste("")  
""
```

- 2) Pour écrire le code de la fonction `dentiste`, on pourra s'inspirer de la fonction `recopier` qui prend une chaîne de caractère `texte` et qui renvoie une copie de ce texte. On part du texte vide et on parcourt tous les symboles de `texte` en les rajoutant à droite de `resultat`.

```
def recopier(texte):  
    resultat = ""  
    for symbole in texte:  
        resultat = resultat + symbole  
    return resultat
```

On suppose qu'on dispose d'une fonction `voy` qui prend un symbole `symbole` et qui renvoie un booléen indiquant si `symbole` est une voyelle ou non.

```
>>> voy("a")  
True  
>>> voy("m")  
False
```

Il n'est pas demandé d'écrire le code de `voy`.

Compléter le code de la fonction `dentiste` ci-dessous, en utilisant `voy` :

```
def dentiste(texte):  
    resultat = ""  
    for symbole in texte:  
        if voy(symbole):  
            resultat = resultat + symbole  
    return resultat
```